

Министерство образования и науки Астраханской области  
Государственное автономное образовательное учреждение  
Астраханской области высшего образования  
«Астраханский государственный архитектурно-строительный  
университет»  
(ГАОУ АО ВО «АГАСУ»)



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

Наименование дисциплины Математика  
(указывается наименование в соответствии с учебным планом)

По направлению подготовки 07.03.01 «АРХИТЕКТУРА»  
(указывается наименование направления подготовки в соответствии с ФГОС)

По профилю подготовки «Архитектурное проектирование».  
(указывается наименование профиля в соответствии с ООП)

Кафедра Системы автоматизированного проектирования и моделирования

Квалификация (степень) выпускника бакалавр

Астрахань - 2016



## Содержание

1. Цели и задачи освоения дисциплины.....	4
2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине «Математика», соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
3. Место дисциплины в структуре ООП бакалавриата.....	5
4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	5
5. Содержание дисциплины «Математика», структурированное по разделам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий .....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
5.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам .....	7
5.2.1. Содержание лекционных занятий .....	7
5.2.2. Содержание лабораторных занятий .....	8
5.2.3. Содержание практических занятий.....	8
5.2.4. Содержание самостоятельной работы .....	9
6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины .....	9
7. Образовательные технологии.....	10
8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины .....	11
8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения Дисциплины.....	11
8.2. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения.....	11
8.3. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины.....	12
9. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	12
10. Особенности организации обучения по дисциплине «Математика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	13

## 1. Цели и задачи освоения дисциплины

**Целью** учебной дисциплины «Математика» является формирование знаний о закономерностях, аналитических методах сбора, систематизации, обработки данных и интерпретации результатов наблюдений, предоставление аппарата построения и реализации моделей зданий и сооружений при архитектурном проектировании.

**Задачами** дисциплины являются:

вооружение студента математическими знаниями, необходимыми для изучения ряда общенаучных дисциплин и дисциплин профессионального цикла;

создание фундамента математического образования, необходимого для получения профессиональных компетенций бакалавра-архитектора;

воспитание математической культуры и понимание роли математики в различных сферах профессиональной деятельности.

стимулирование студентов к самостоятельному анализу и поиску оптимального решения прикладных задач архитектурного проектирования.

## 2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине «Математика», соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

*В результате освоения дисциплины обучающийся должен обладать следующими компетенциями:*

**ОК-10** - владением культурой мышления, способность к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей ее достижения.

**ОПК-1** - умением использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования.

**ПК-11** - способностью использовать накопленные знания и умения в профессиональной деятельности.

**В результате освоения дисциплины обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:**

**знать:**

- фундаментальные основы линейной алгебры и аналитической геометрии, развивающие культуру мышления, способность к обобщению и анализу информации, постановке цели и выбору путей ее достижения (ОК-10);

- основы методов математического моделирования и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований современных архитектурных форм (ОПК-1);

способы приложения математического аппарата к решению прикладных задач исследования современных архитектурных форм (ПК-11);

**уметь:**

анализировать и обозначать информацию об объекте исследования средствами формализованного математического языка (ОК-10);

применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии при построении математических моделей в архитектурном проектировании (ОПК-1);

- использовать математику при изучении других дисциплин, расширять свои математические познания (ПК-11);

**владеть:**

- математической культурой мышления и способностью к анализу результатов исследования объектов профессиональной деятельности (ОК-10);

- методами, приемами и технологиями приложения математического аппарата для проведения расчетов и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований (ОПК-1);

- основными приемами и методами решения прикладных математических задач дисциплин профессионального цикла и дисциплин профильной направленности (ПК-11);

### 3. Место дисциплины в структуре ООП бакалавриата

Дисциплина **Б1.В.04** «Математика» реализуется в рамках *Блока 1 «Дисциплины»* вариативной части.

Дисциплина базируется на результатах обучения, полученных в рамках изучения следующих дисциплин: «Математика», «Информатика», изучаемых в средней школе.

### 4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Форма обучения	Очная
1	2
Трудоемкость в зачетных единицах:	1 семестр - 2 з.е.. всего - 2 з.е.
<b>Аудиторных (включая контактную работу обучающихся с преподавателем) часов (всего) по учебному плану:</b>	
Лекции (Л)	1 семестр - 18 часов, всего - 18 часов
Лабораторные занятия (ЛЗ)	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
Практические занятия (ПЗ)	1 семестр - 36 часов, всего - 36 часов
Самостоятельная работа студента (СРС)	1 семестр - 18 часа, всего - 18 часа
<b>Форма текущего контроля:</b>	
Контрольная работа	<i>учебным планом не предусмотрены</i>
<b>Форма промежуточной аттестации:</b>	
Экзамен	<i>учебным планом не предусмотрен</i>
Зачет	семестр - 1
Зачет с оценкой	<i>учебным планом не предусмотрен</i>
Курсовая работа	<i>учебным планом не предусмотрена</i>
Курсовой проект	<i>учебным планом не предусмотрен</i>

**5. Содержание дисциплины «Математика», структурированное по разделам с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

№ п/ п	Раздел дисциплины (по семестрам)	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы				Форма промежуточной аттестации и текущего контроля
				контактная			СРС	
				Лекции	Лабор. занятия	Практ. занятия		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	Векторная и линейная алгебра и ее приложения в архитектурном проектировании	36	1	10	-	20	6	Зачет
2	Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм	36		8	-	16	12	
<b>Итого:</b>		<b>72</b>		<b>18</b>	<b>-</b>	<b>36</b>	<b>18</b>	

## 5.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам

### 5.2.1. Содержание лекционных занятий

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1	2	3
1.	Векторная и линейная алгебра и ее приложения в архитектурном проектировании	<p>Понятие вектора. Операции над векторами в бескоординатной и координатной формах. Понятие о <math>n</math> - мерном векторном пространстве. Коллинеарность, ортогональность и компланарность векторов. Понятие матрицы как совокупности векторов пространства. Операции над матрицами. Определители II, III порядков. Правило треугольника. Свойства определителей. Геометрический смысл определителей. Системы линейных уравнений. Алгоритм решения систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера. Алгебраические дополнения. Алгоритм нахождения обратной матрицы. Матричный способ решения систем линейных уравнений. Теорема о равенстве нулю определителя. Геометрическое обоснование теоремы.</p> <p>Критерий единственности решения системы уравнений (теорема). Прямой и обратный ход метода Гаусса. Теорема об элементарных преобразованиях, не меняющих пространства решений, и их обратимости. Критерии совместности и несовместности. Теорема Кронекера-Капелли. Нахождение обратной матрицы методом Гаусса.</p> <p>Ранг матрицы. Базисный минор. Формулировка теоремы о ранге матрицы (совпадение трех чисел). Линейная зависимость и независимость векторов. Базис пространства. Изменение матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Вывод формулы характеристического уравнения.</p> <p>Скалярное произведение векторов. Геометрическое и алгебраическое определения. Критерий ортогональности векторов. Векторное произведение векторов. Ориентация плоскости и пространства. Вывод алгебраической формы векторного произведения из геометрической. Критерий коллинеарности векторов. Смешанное произведение векторов. Теорема об эквивалентности. Теорема о геометрическом смысле смешанного произведения. Критерий компланарности векторов.</p>
2.	Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм	<p>Неопределяемые понятия аналитической геометрии. Уравнения прямой на плоскости. Нормаль и направляющие вектора. Уравнения плоскости в пространстве. Уравнения прямой в пространстве. Эллипс. Каноническое и параметрическое уравнения. Директрисы и фокальные радиусы. Окружность как частный случай эллипса. Гипербола. Гиперболические функции. Каноническое и параметрическое уравнения гиперболы. Вывод асимптоты гиперболы. Сопряженные гиперболы. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Директриса параболы. Уравнение поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности, у которых образующие параллельны одной из осей координат. Сфера. Эллипсоид. Гиперboloид: однополостный и двуполостный. Конические поверхности второго порядка. Параболоиды: эллиптические и гиперболические. Поверхности вращения.</p>

### 5.2.2. Содержание лабораторных занятий

Учебным планом не предусмотрены.

### 5.2.3. Содержание практических занятий

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1	2	3
1.	Векторная и линейная алгебра и ее приложения в архитектурном проектировании	Операции над векторами в бескоординатной и координатной формах. Коллинеарность, ортогональность и компланарность векторов.
		Элементарные операции над матрицами. Произведение матриц. Транспонирование произведения матриц.
		Вычисление определителей II, III порядков. Правило треугольника. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
		Нахождение обратной матрицы. Решение систем линейных алгебраических уравнений матричным способом..
		Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса. Прямой и обратный ход метода Гаусса.
		Нахождение обратной матрицы методом Гаусса.
		Определение ранга матрицы. Установление линейной независимости векторов. Разложение вектора по векторам базиса.
		Нахождение собственных значений и собственных векторов линейного преобразования, заданного матрицей.
		Скалярное и векторное произведения векторов: их алгебраическая и геометрическая интерпретация.
Смешанное произведение векторов: его алгебраическая и геометрическая интерпретация.		
2.	Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм	Уравнения прямой на плоскости. Нормальные и направляющие вектора. Расстояние от точки до прямой. Взаимное расположение прямых.
		Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Расстояние между двумя плоскостями.
		Канонические и параметрические уравнения кривых второго порядка. Построение кривых по заданным параметрам.
		Приведение уравнения второго порядка к каноническому виду. Определение вида кривой и ее параметров.
		Уравнения поверхностей второго порядка. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперboloид: однополостный и двуполостный.
		Построение конических поверхностей второго порядка, параболоидов (эллиптических и гиперболических), поверхностей вращения.

#### 5.2.4. Содержание самостоятельной работы

№	Наименование раздела дисциплины	* Содержание	Учебно-методическое обеспечение
1	2	3	4
1.	Векторная и линейная алгебра и ее приложения в архитектурном проектировании	Подготовка к практическим занятиям по следующим темам: «Операции над векторами, операции над матрицами. Ранг матрицы. Векторное пространство. Базис. Линейная зависимость векторов. Собственные значения и собственные векторы матрицы. Линейное пространство» Подготовка к зачету.	[1],[2],[5],[6], [7], [8]
2.	Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм	Подготовка к практическим занятиям по следующим темам: «Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Полярная система координат. Плоскость и прямая в пространстве. Общая теория кривых второго порядка. Каноническое и параметрическое уравнения. Поверхности второго порядка. Метод сечений». Подготовка к зачету.	[1],[3],[4],[6], [8], [9]

#### 6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Вид учебной работы	Организация деятельности студента
1	2
Лекция	Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно. Фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; отмечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, отметить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.
Практическое занятие	Проработка рабочей программы. Уделить особое внимание целям и задачам, структуре и содержанию дисциплины. Конспектирование источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы. Решение расчетно-графических заданий, решение задач по алгоритму и др.
Самостоятельная работа	Знакомство с основной и дополнительной литературой, включая справочные издания, зарубежные источники, конспект основных положений, терминов, сведений, требующихся для запоминания и являющихся основополагающими в этой теме. Составление аннотаций к прочитанным литературным источникам и др.
Подготовка к зачету	При подготовке к зачету необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу и др.

## **7. Образовательные технологии**

Перечень образовательных технологий, используемых при изучении дисциплины «Математика».

### **Традиционные образовательные технологии**

Дисциплина «Математика» проводится с использованием традиционных образовательных технологий ориентирующиеся на организацию образовательного процесса, предполагающую прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения), учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер. Формы учебных занятий по дисциплине «Математика» с использованием традиционных технологий:

Лекция - последовательное изложение материала в дисциплинарной логике, осуществляемое преимущественно вербальными средствами (монолог преподавателя).

Практическое занятие - занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

### **Интерактивные технологии**

По дисциплине «Математика» лекционные занятия проводятся с использованием следующих интерактивных технологий:

Лекция-визуализация - представляет собой визуальную форму подачи лекционного материала средствами ТСО или аудио-видеотехники (видео-лекция). Чтение такой лекции сводится к развернутому или краткому комментированию просматриваемых визуальных материалов (в виде схем, таблиц, графов, графиков, моделей). Лекция-визуализация помогает студентам преобразовывать лекционный материал в визуальную форму, что способствует формированию у них профессионального мышления за счет систематизации и выделения наиболее значимых, существенных элементов.

Лекция-провокация (изложение материала с заранее запланированными ошибками). Такой тип лекций рассчитан на стимулирование обучающихся к постоянному контролю предлагаемой информации и поиску ошибок. В конце лекции проводится диагностика знаний студентов и разбор сделанных ошибок.

По дисциплине «Математика» практические занятия проводятся с использованием следующих интерактивных технологий:

Работа в малых группах - это одна из самых популярных стратегий, так как она дает всем обучающимся (в том числе и стеснительным) возможность участвовать в работе, практиковать навыки сотрудничества, межличностного общения (в частности, умение активно слушать, вырабатывать общее мнение, разрешать возникающие разногласия). Все это часто бывает невозможно в большом коллективе.

Ролевые игры - совместная деятельность группы обучающихся и преподавателя под управлением преподавателя с целью решения учебных и профессионально-ориентированных задач путем игрового моделирования реальной проблемной ситуации. Позволяет оценивать умение анализировать и решать типичные профессиональные задачи.

## **8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины**

#### ***а) основная учебная литература:***

1. Данко П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах в 2 ч.: учеб. пособие для вузов /П.Е. Данко, А.Е. Попов, Т.Я. Кожевникова,- М.: ООО «Издательский дом «ОНИКС 21 век»; ООО «Издательство «Мир и Образование». -2005. -Ч.1.-298с
2. Бугров, Я. С. Высшая математика: учебник в 3 т. 1 т. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии/ Я.С. Бугров, С. М.Никольский. - М.: Дрофа. - 2003. -284 с.
3. Гусак, А.А. Высшая математика: учебник /А.А. Гусак. -Минск: ТетраСистемс, 2009. - Том 1. -544с. - 978-985-470-938-3. - [Электронный ресурс] Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/28059.html>

#### ***б) дополнительная учебная литература:***

4. Шипачев В.С. Высшая математика / Москва. Высшая школа. 2000, 2003. - 479 с.
5. Зубков В.Г. Курс высшей математики 4-1 2003-480 стр Москва, МГИУ
6. Кострикин А.И. Линейная алгебра 2-часть Москва.Физико-математическая литература 2000, 188 с
7. Пучков, Н.П. Применение математических знаний в профессиональной деятельности. Пособие для саморазвития бакалавра: учебное пособие / Н.П. Пучков [и др.]. - Тамбов: Тамбовский государственный технический университет. -2012. -Часть 1. -97с. - 978-5-8265-1151-0. - [Электронный ресурс] Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/y63892.html>

#### ***в) перечень учебно-методического обеспечения:***

8. Холодов Ю.В., Яксубаев К.Д., Аксютин И.В., Шуклина Ю.А. УМП по «Математике» (з. о. 1 курс). Астрахань. АИСИ.2013 г. - 227 с. <http://edu.aucu.ru>
9. Садчиков, П.Н. УМП «Курс лекций по дисциплине «Математике». Астрахань. АГАСУ. 2016 г. - 44 с. <http://edu.aucu.ru>

### **8.2. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения**

- Microsoft Imagine Premium Renewed Subscription;
- Office Pro+ Dev SL A Each Academic;
- ApacheOpenOffice;
- 7-Zip;
- Adobe Acrobat Reader DC;
- Internet Explorer;
- Google Chrome;
- Mozilla Firefox;
- VLC media player;
- Dr.Web Desktop Security Suite.

### 8.3. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Электронная информационно-образовательная среда Университета, включающая в себя:

1. Образовательный портал (<http://edu.aucu.ru>);

#### Системы интернет-тестирования:

2. Единый портал интернет-тестирования в сфере образования. Информационно-аналитическое сопровождение тестирования студентов по дисциплинам профессионального образования в рамках проекта «Интернет-тренажеры в сфере образования» (<http://i-exam.ru>);

#### Электронно-библиотечные системы:

3. «Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека» (<https://biblioclub.ru/>);

#### Электронные базы данных

4. Научная электронная библиотека (<http://elibrary.ru>).

### 9. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

№ п\п	Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы
1.	Аудитория для лекционных занятий: (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18а литер Б, №401, учебный корпус №9);	<b>№401, Учебный корпус №9</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
2.	Аудитория для практических занятий: (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18а литер Б, №401, учебный корпус №9); (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18б литер Е, №201, №203, учебный корпус №10)	<b>№401, Учебный корпус №9</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
		<b>№201, Учебный корпус №10</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
		<b>№203, Учебный корпус №10</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
3.	Аудитория для групповых и	<b>№401, Учебный корпус №9</b>

	индивидуальных консультаций: (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18а литер Б, №401, учебный корпус №9); (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18б литер Е, №203, учебный корпус №10)	Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект <b>№203, Учебный корпус №10</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
4.	Аудитория для текущей и промежуточной аттестации: (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18а литер Б, №401, учебный корпус №9)	<b>№401, Учебный корпус №9</b> Комплект учебной мебели Демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия. Переносной мультимедийный комплект
5.	Аудитория для самостоятельной работы: (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18а литер Б, №501, учебный корпус №9); (414056, г.Астрахань, ул. Татищева 18б литер Е, №303, учебный корпус №10)	<b>№501, Учебный корпус №9</b> Комплект учебной мебели Набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий Компьютер -10 шт. Доступ к сети Интернет Стационарный мультимедийный комплект <b>№303, Учебный корпус №10</b> Комплект учебной мебели Набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий Компьютер -13 шт. Доступ к сети Интернет Стационарный мультимедийный комплект

#### **10. Особенности организации обучения по дисциплине «Математика» для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

Для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья на основании письменного заявления дисциплина «**Математика**» реализуется с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья.

**Лист внесения дополнений и изменений  
в рабочую программу учебной дисциплины**

Математика  
(наименование дисциплины)

на 20\_\_ - 20\_\_ учебный год

Рабочая программа пересмотрена на заседании кафедры «Системы автоматизированного проектирования и моделирования», протокол № \_\_ от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

Заведующий кафедры

\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_  
(учёная степень, учёное звание) (подпись) И.О.Фамилия

В рабочую программу вносятся следующие изменения:

1. \_\_\_\_\_
2. \_\_\_\_\_
3. \_\_\_\_\_
4. \_\_\_\_\_
5. \_\_\_\_\_

Составители изменений и дополнений:

\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_  
(учёная степень, учёное звание) (подпись) И.О.Фамилия

\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_  
(учёная степень, учёное звание) (подпись) И.О.Фамилия

Председатель методической комиссии

\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_/\_\_\_\_\_  
(учёная степень, учёное звание) (подпись) И.О.Фамилия

«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

**Аннотация**  
**к рабочей программе дисциплины «Математика»**  
по направлению **07.03.01 «Архитектура»**,  
профиль подготовки **«Архитектурное проектирование»**

**Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетные единицы**  
**Форма промежуточной аттестации: зачет**

**Целью** учебной дисциплины «Математика» является формирование знаний о закономерностях, аналитических методах сбора, систематизации, обработки данных и интерпретации результатов наблюдений, предоставление аппарата построения и реализации моделей зданий и сооружений при архитектурном проектировании.

**Задачами** дисциплины являются:

- вооружение студента математическими знаниями, необходимыми для изучения ряда общенаучных дисциплин и дисциплин профессионального цикла;
- создание фундамента математического образования, необходимого для получения профессиональных компетенций бакалавра-архитектора;
- воспитание математической культуры и понимание роли математики в различных сферах профессиональной деятельности.
- стимулирование студентов к самостоятельному анализу и поиску оптимального решения прикладных задач архитектурного проектирования.

**Учебная дисциплина Б1.В.04 «Математика»** входит в **Блок 1. «Дисциплины», вариативная часть**. Для освоения дисциплины необходимы знания, полученные при изучении следующих дисциплин: «Математика», «Информатика», изучаемых в средней школе.

**Краткое содержание дисциплины:**

**Раздел 1. Векторная и линейная алгебра и ее приложения в архитектурном проектировании**

Понятие вектора. Операции над векторами в бескоординатной и координатной формах. Понятие матрицы. Операции над матрицами. Определители и их свойства. Системы линейных уравнений. Критерии совместности и несовместности. Ранг матрицы. Базис пространства. Изменение матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Вектор. Скалярное, векторное, смешанное произведение векторов и их свойства. Критерий коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.

**Раздел 2. Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм**

Основные понятия аналитической геометрии. Уравнения прямой на плоскости и в пространстве. Нормаль и направляющие векторы. Уравнения плоскости в пространстве. Кривые второго порядка. Эллипс. Каноническое и параметрическое уравнения. Директрисы и фокальные радиусы. Гипербола. Гиперболические функции. Каноническое и параметрическое уравнения гиперболы. Вывод асимптоты гиперболы. Сопряженные гиперболы. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Директриса параболы. Уравнение поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоид: однополостный и двуполостный. Конические поверхности второго порядка. Параболоиды: эллиптические и гиперболические. Поверхности вращения.

Заведующий кафедрой

  
\_\_\_\_\_ / *Ишурова А.О.* /  
подпись И. О. Ф.

**РЕЦЕНЗИЯ**  
на рабочую программу, оценочные и методические материалы по дисциплине  
**Б1.В.04 Математика**  
(наименование дисциплины с указанием блока)

**ООП ВО по направлению подготовки 07.03.01 «АРХИТЕКТУРА»,**  
**профиль подготовки «Архитектурное проектирование»**  
**по программе бакалавриата**

**Крымской Я.З.** (далее по тексту рецензент), проведена рецензия рабочей программы, оценочных и методических материалов по дисциплине **«Математика»** ООП ВО по направлению подготовки **07.03.01 «Архитектура»** профиль подготовки **«Архитектурное проектирование»**, по программе **бакалавриата**, разработанной в ГАОУ АО ВО "Астраханский государственный архитектурно-строительный университет", на кафедре **«Системы автоматизированного проектирования и моделирования»** (разработчик – **доцент, к.т.н., Садчиков Павел Николаевич**).

Рассмотрев представленные на рецензию материалы, рецензент пришел к следующим выводам:

Предъявленная рабочая программа учебной дисциплины **«Математика»** (далее по тексту Программа) соответствует требованиям ФГОС ВО по направлению подготовки **07.03.01 «Архитектура»**, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от **21.04.2016 №463** и зарегистрированного в Минюсте России **18.05.2016 №42143**.

Представленная в Программе актуальность учебной дисциплины в рамках реализации ООП ВО не подлежит сомнению – дисциплина относится к **вариативной** части учебного цикла Блок 1 «Дисциплины».

Представленные в Программе цели учебной дисциплины соответствуют требованиям ФГОС ВО направления подготовки **07.03.01 «Архитектура»**, профиль подготовки **«Архитектурное проектирование»**.

В соответствии с Программой за дисциплиной **«Математика»** закреплены **3 компетенции**, которые реализуются в объявленных требованиях.

Результаты обучения, представленные в Программе в категориях **знать, уметь, владеть** соответствуют специфике и содержанию дисциплины и демонстрируют возможность получения заявленных результатов.

Информация о взаимосвязи изучаемых дисциплин и вопросам исключения дублирования в содержании дисциплин соответствует действительности. Учебная дисциплина **«Математика»** взаимосвязана с другими дисциплинами ООП ВО по направлению подготовки **07.03.01 «Архитектура»**, профиль подготовки **«Архитектурное проектирование»** и возможность дублирования в содержании отсутствует.

Представленная Программа предполагает использование современных образовательных технологий при реализации различных видов учебной работы. Формы образовательных технологий соответствуют специфике дисциплины.

Представленные и описанные в Программе формы текущей оценки знаний соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Форма промежуточной аттестации знаний **бакалавра**, предусмотренная Программой, осуществляется в форме **зачета**. Формы оценки знаний, представленные в Рабочей программе, соответствуют специфике дисциплины и требованиям к выпускникам.

Учебно-методическое обеспечение дисциплины представлено основной, дополнительной литературой, интернет-ресурсами и соответствует требованиям ФГОС

ВО направления подготовки «Архитектура», профиль подготовки «Архитектурное проектирование».

Материально-техническое обеспечение соответствует требованиям ФГОС ВО направления подготовки «Архитектура» профиль подготовки «Архитектурное проектирование» и специфике дисциплины «Математика» и обеспечивает использование современных образовательных, в том числе интерактивных методов обучения.

Представленные на рецензию оценочные и методические материалы направления подготовки **07.03.01 «Архитектура»** разработаны в соответствии с нормативными документами, представленными в программе. Оценочные и методические материалы по дисциплине «Математика» предназначены для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации и представляют собой совокупность разработанных кафедрой «Системы автоматизированного проектирования и моделирования» материалов для установления уровня и качества достижения обучающимися результатов обучения.

Задачами оценочных и методических материалов является контроль и управление процессом приобретения обучающимися знаний, умений, навыков и компетенций, заявленных в образовательной программе по данному направлению.

Оценочные и методические материалы по дисциплине «Математика» представлены в виде типовых вопросов и заданий к проведению опроса, тестирования и зачета.

Данные материалы позволяют в полной мере оценить результаты обучения по дисциплине «Математика» в АГАСУ, а также оценить степень сформированности коммуникативных умений и навыков в сфере профессионального общения.

### ОБЩИЕ ВЫВОДЫ

На основании проведенной рецензии можно сделать заключение, что характер, структура и содержание рабочей программы, оценочные и методические материалы дисциплины **Б1.В.04 «Математика»** ООП ВО по направлению подготовки «Архитектура» по программе *бакалавриата*, разработанные *доцентом, к.т.н., Садчиковым Павлом Николаевичем* соответствуют требованиям ФГОС ВО, современным требованиям отрасли, рынка труда, профессиональных стандартов направления подготовки **07.03.01 «Архитектура»** по профилю подготовки «Архитектурное проектирование» и могут быть рекомендованы к использованию.

Рецензент:  
Заместитель директора Муниципального  
бюджетного учреждения города Астрахани  
«Архитектура»



/Я.З. Крымская/  
И. О. Ф.

Подпись Крымской Я.З. заверяю

Мер (подпись) Иванова В.А. И. О. Ф.

Министерство образования и науки Астраханской области  
Государственное автономное образовательное учреждение  
Астраханской области высшего образования  
«Астраханский государственный архитектурно-строительный  
университет»  
(ГАОУ АО ВО «АГАСУ»)

---



**ОЦЕНОЧНЫЕ И МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ**

Наименование дисциплины Математика  
(указывается наименование в соответствии с учебным планом)

По направлению подготовки 07.03.01 «АРХИТЕКТУРА»  
(указывается наименование направления подготовки в соответствии с ФГОС)

По профилю подготовки «Архитектурное проектирование».  
(указывается наименование профиля в соответствии с ООП)

Кафедра Системы автоматизированного проектирования и моделирования

Квалификация (степень) выпускника бакалавр

Астрахань - 2016



## Содержание

1. Оценочные и методические материалы для проведения промежуточной аттестации и текущего контроля обучающихся по дисциплине .....	4
1.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы.....	4
1.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания .....	6
1.2.1. Перечень оценочных средств текущей формы контроля .....	6
1.2.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций по дисциплине на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания .....	6
1.2.3. Шкала оценивания .....	9
2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения образовательной программы .....	9
2.1. Зачет.....	9
2.2. Тест .....	10
2.3. Опрос (устный или письменный).....	10
3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций .....	12

**1. Оценочные и методические материалы для проведения промежуточной аттестации и текущего контроля обучающихся по дисциплине**

Оценочные и методические материалы являются неотъемлемой частью рабочей программы дисциплины и представлены в виде отдельного документа.

**1.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы**

Индекс и формулировка компетенции N	Номер и наименование результатов образования по дисциплине (в соответствии с разделом 2)	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п. 5.1)		Формы контроля с конкретизацией задания
		1	2	
1	2	3	4	5
<b>ОК-10:</b> владение культурой мышления, способность к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей ее достижения	Знать:			
	фундаментальные основы линейной алгебры и аналитической геометрии, развивающие культуру мышления, способность к обобщению и анализу информации, постановке цели и выбору путей ее достижения	X		опрос вопросы 1-15 по разделу №1
	анализировать и обобщать информацию об объекте исследования средствами формализованного математического языка	X		зачет вопросы 1-13 по разделу №1
	Уметь:			
	анализировать и обобщать информацию об объекте исследования средствами формализованного математического языка	X		опрос задания 1-2 по разделу №1
	анализировать и обобщать информацию об объекте исследования средствами формализованного математического языка		X	тестирование вопросы 9.1 - 9.5
	Владеть:			
	математической культурой мышления и способностью к анализу результатов исследования объектов профессиональной деятельности	X		тестирование вопросы 4.1 - 4.5
математической культурой мышления и способностью к анализу результатов исследования объектов профессиональной деятельности	X		зачет вопросы 1-13 по разделу №1	

<b>ОПК-1:</b> умение использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования	Знать:			
	основы методов математического моделирования и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований современных архитектурных форм		X	опрос вопросы 1-18 по разделу №2
		X		тестирование вопросы 2.1 - 3.5
		X		зачет вопросы 14-23 по разделу №1
	Уметь:			
	применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии при построении математических моделей в архитектурном проектировании		X	опрос задания 1-3 по разделу №2
		X		тестирование вопросы 1.1 - 1.5
	Владеть:			
методами, приемами и технологиями приложения математического аппарата для проведения расчетов и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований	X		тестирование вопросы 4.1 - 4.5	
	X		зачет вопросы 14-23 по разделу №1	
<b>ПК-11:</b> способность использовать накопленные знания и умения в профессиональной деятельности	Знать:			
	способы приложения математического аппарата к решению прикладных задач исследования современных архитектурных форм		X	тестирование вопросы 5.1 - 6.5
			X	зачет вопросы 1 -22 по разделу №2
	Уметь:			
	использовать математику при изучении других дисциплин, расширять свои математические познания		X	опрос задания 1-3 по разделу №2
			X	тестирование вопросы 7.1 - 8.5
	Владеть:			
	основными приемами и методами решения прикладных математических задач дисциплин профессионального цикла и дисциплин профильной направленности		X	тестирование вопросы 4.1 - 4.5
		X	зачет вопросы 1-22 по разделу №2	

**1.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания**

**1.2.1. Перечень оценочных средств текущей формы контроля**

Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
1	2	3
Опрос (устный или письменный)	Средство контроля усвоения учебного материала темы, раздела или разделов дисциплины, организованное как учебное занятие в виде опроса студентов	Вопросы по темам/разделам дисциплины
Тест	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося	Фонд тестовых заданий

**1.2.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций по дисциплине на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания**

Компетенция, этапы освоения компетенции	Планируемые результаты обучения	Показатели и критерии оценивания результатов обучения			
		Ниже порогового уровня (не удовл.)	Пороговый уровень (удовл.)	Продвинутый уровень (хорошо)	Высокий уровень (отлично)
1	2	3	4	5	6
<b>ОК-10</b> - владением культурой мышления, способностью к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей ее достижения	Знает: (ОК-10) фундаментальные основы линейной алгебры и аналитической геометрии, развивающие культуру мышления, способность к обобщению и анализу информации, постановке цели и выбору путей ее достижения	Испытывает сложности при определении основных понятий и зависимостей, изучаемых в математике	Демонстрирует знание отдельных понятий, теорем и свойств объектов архитектурного проектирования, изучаемых в математике	Выполняет поиск решений типовых задач и имеет четкое представление об основных понятиях и закономерностях архитектурных форм, изучаемых в математике	Выполняет поиск решений нестандартных математических задач и способен самостоятельно вывести формулы зависимостей между параметрами моделируемых объектов

	<p>Умеет: (ОК-10) анализировать и обобщать информацию об объекте исследования средствами формализованного математического языка</p>	<p>Наличие существенных ошибок в использовании основных понятий и формул математики в профессиональной деятельности</p>	<p>Демонстрирует отдельные и не систематизированные навыки решения прикладных задач в математической постановке, допускает существенные ошибки</p>	<p>Демонстрирует навыки использования математических алгоритмов в профессиональной деятельности, допускает единичные ошибки</p>	<p>Способен самостоятельно вывести зависимости между параметрами и обоснованно реализовывать математические аппарат в профессиональной деятельности</p>
	<p>Владеет: (ОК-10) математической культурой мышления и способностью к анализу результатов исследования объектов профессиональной деятельности</p>	<p>Наличие существенных ошибок в процессе использования математических методов решения типовых задач</p>	<p>Демонстрирует навыки самостоятельного решения типовых задач линейной алгебры и геометрии, допускает единичные ошибки при их решении</p>	<p>Демонстрирует устойчивые навыки самостоятельного решения типовых задач, допускает ошибки при выборе методов решения прикладных задач</p>	<p>Способен самостоятельно и правильно реализовывать методы решения прикладных задач профессиональной направленности</p>
<p><b>ОПК-1</b> - умением использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования</p>	<p>Знает: (ОПК-1) основы методов математического моделирования и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований современных архитектурных форм</p>	<p>Испытывает сложности при формализации результатов теоретического и экспериментального исследований в виде зависимостей, изучаемых в математике</p>	<p>Демонстрирует знание отдельных понятий, теорем и свойств объектов, изучаемых в математике</p>	<p>Выполняет поиск решений типовых задач и имеет четкое представление об основных принципах формирования математических зависимостей</p>	<p>Имеет системное представление об основных математических понятиях и закономерностях и вариантах их приложения к реализации моделей объектов исследования</p>
	<p>Умеет: (ОПК-1) применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии при построении математических моделей в архитектурном проектировании</p>	<p>Наличие существенных ошибок в процессе применения математического аппарата при решении профессиональных задач архитектурного проектирования</p>	<p>Демонстрирует отдельные и не систематизированные навыки использования математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает существенные ошибки</p>	<p>Демонстрирует навыки владения и использования математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает единичные ошибки</p>	<p>Способен самостоятельно и правильно использовать методы линейной алгебры и аналитической геометрии при построении математических моделей объектов исследования</p>

	Владеет: (ОПК-1) методами, приемами и технологиями приложения математического аппарата для проведения расчетов и анализа результатов теоретического и экспериментального исследований	Наличие существенных ошибок в процессе применения методов математического аппарата при решении задач архитектурного проектирования	Демонстрирует отдельные навыки применения методов математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает существенные ошибки	Демонстрирует способность приложения методов математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает единичные ошибки	Способен самостоятельно и правильно реализовывать методы математического аппарата при решении профессиональных задач архитектурного проектирования
<b>ПК-11</b> - способностью использовать накопленные знания и умения в профессиональной деятельности	Знает: (ПК-11) способы приложения математического аппарата к решению прикладных задач исследования современных архитектурных форм	Испытывает сложности в использовании знаний математики при решении конкретных задач профессиональной деятельности	Обладает отдельными знаниями по применению понятий, законов и теорем математики, отсутствует системный подход к решению задач профессиональной деятельности	Способен организовать поиск решений типовых задач и имеет четкое представление о вариантах приложения знаний математики к решению профессиональных задач	Обладает системными знаниями математических законов и способен их приложить к реализации моделей объектов исследования профессиональной деятельности
	Умеет: (ПК-11) использовать математику при изучении других дисциплин, расширять свои математические познания	Не способен применять знания математики при изучении дисциплин профессиональной направленности	Демонстрирует отдельные и не систематизированные навыки использования математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает существенные ошибки	Демонстрирует навыки владения и использования математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает единичные ошибки	Умеет самостоятельно и правильно адаптировать математические методы под конкретную ситуацию и реализовывать их при решении профессиональных задач
	Владеет: (ПК-11) основными приемами и методами решения прикладных математических задач дисциплин профессионального цикла и дисциплин профильной направленности	Наличие существенных ошибок в процессе применения методов математического аппарата при решении задач архитектурного проектирования	Демонстрирует отдельные навыки применения методов математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает существенные ошибки	Демонстрирует способность приложения методов математического аппарата при решении профессиональных задач, допускает единичные ошибки	Самостоятельно реализует методы математического аппарата при решении профессиональных задач архитектурного проектирования

### 1.2.3. Шкала оценивания

Уровень достижений	Отметка в 5-бальной шкале	Зачтено/ не зачтено
высокий	«5»(отлично)	зачтено
продвинутый	«4»(хорошо)	зачтено
пороговый	«3»(удовлетворительно)	зачтено
ниже порогового	«2»(неудовлетворительно)	не зачтено

## 2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения образовательной программы

### ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ:

#### 2.1. Зачет

а) типовые вопросы к зачету (см. приложение 1):

б) критерии оценки:

При оценке знаний на зачете учитывается:

1. Уровень сформированности компетенций.
2. Уровень усвоения теоретических положений дисциплины, правильность формулировки основных понятий и закономерностей.
3. Уровень знания фактического материала в объеме программы.
4. Логика, структура и грамотность изложения вопроса.
5. Умение связать теорию с практикой.
6. Умение делать обобщения, выводы.

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	Отлично	Ответы на поставленные вопросы излагаются логично, последовательно и не требуют дополнительных пояснений. Полно раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Делаются обоснованные выводы. Демонстрируются глубокие знания базовых нормативно-правовых актов. Соблюдаются нормы литературной речи.
2	Хорошо	Ответы на поставленные вопросы излагаются систематизировано и последовательно. Базовые нормативно-правовые акты используются, но в недостаточном объеме. Материал излагается уверенно. Раскрыты причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Демонстрируется умение анализировать материал, однако не все выводы носят аргументированный и доказательный характер. Соблюдаются нормы литературной речи.
3	Удовлетворительно	Допускаются нарушения в последовательности изложения. Имеются упоминания об отдельных базовых нормативно-правовых актах. Неполно раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Демонстрируются поверхностные знания вопроса, с трудом решаются конкретные задачи. Имеются затруднения с выводами. Допускаются нарушения норм литературной речи.
4	Неудовлетворительно	Материал излагается непоследовательно, сбивчиво, не представляет определенной системы знаний по дисциплине. Не раскрываются причинно-следственные связи между явлениями и событиями. Не проводится анализ. Выводы отсутствуют. Ответы на дополнительные вопросы отсутствуют. Имеются заметные нарушения норм литературной речи.
5	Зачтено	Выставляется при соответствии параметрам экзаменационной шкалы

		на уровнях «отлично», «хорошо», «удовлетворительно».
6	Не зачтено	Выставляется при соответствии параметрам экзаменационной шкалы на уровне «неудовлетворительно».

## ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ:

### 2.2. Тест

а) *типовой комплект заданий для тестов (Приложение 2)*

б) *критерии оценивания*

При оценке знаний оценивания тестов учитывается:

1. Уровень сформированности компетенций.
2. Уровень усвоения теоретических положений дисциплины, правильность формулировки основных понятий и закономерностей.
3. Уровень знания фактического материала в объеме программы.
4. Логика, структура и грамотность изложения вопроса.
5. Умение связать теорию с практикой.
6. Умение делать обобщения, выводы.

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	2	3
1	Отлично	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 90% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; на все вопросы, предполагающие свободный ответ, студент дал правильный и полный ответ.
2	Хорошо	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 75% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; - на все вопросы, предполагающие свободный ответ, студент дал правильный ответ, но допустил незначительные ошибки и не показал необходимой полноты.
3	Удовлетворительно	если выполнены следующие условия: - даны правильные ответы не менее чем на 50% вопросов теста, исключая вопросы, на которые студент должен дать свободный ответ; - на все вопросы, предполагающие свободный ответ, студент дал непротиворечивый ответ, или при ответе допустил значительные неточности и не показал полноты.
4	Неудовлетворительно	если студентом не выполнены условия, предполагающие оценку «Удовлетворительно».
5	Зачтено	Выставляется при соответствии параметрам шкалы оценивания на уровнях «отлично», «хорошо», «удовлетворительно».
6	Не зачтено	Выставляется при соответствии параметрам шкалы оценивания на уровне «неудовлетворительно».

### 2.3. Опрос (устный или письменный)

а) типовые вопросы к собеседованию (Приложение 3)

б) критерии оценивания

При оценке знаний на опросе (письменном) учитывается:

1. Уровень сформированности компетенций.
2. Уровень усвоения теоретических положений дисциплины, правильность формулировки основных понятий и закономерностей.
3. Уровень знания фактического материала в объеме программы.
4. Логика, структура и грамотность изложения вопроса.
5. Умение связать теорию с практикой.
6. Умение делать обобщения, выводы.

#### Опрос письменный (блиц - опрос)

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	2	3
1	Отлично	Вопрос раскрыт полностью, точно обозначены основные понятия и характеристики по теме
2	Хорошо	Вопрос раскрыт, однако нет полного описания всех необходимых элементов.
3	Удовлетворительно	Вопрос раскрыт не полно, присутствуют грубые ошибки, однако есть некоторое понимание раскрываемых понятий.
4	Неудовлетворительно	Ответ на вопрос отсутствует или в целом не верен

#### Опрос устный

При оценке знаний на опросе (устном) учитывается:

1. Полнота и глубина ответа (учитывается количество усвоенных фактов, понятий и т.п.);
2. Сознательность ответа (учитывается понимание излагаемого материала);
3. Логика изложения материала (учитывается умение строить целостный, последовательный рассказ, грамотно пользоваться специальной терминологией);
4. Рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи (учитывается умение использовать наиболее прогрессивные и эффективные способы достижения цели);
5. Своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе (учитывается грамотно и с пользой применять наглядность и демонстрационный опыт при устном ответе);
6. Использование дополнительного материала (обязательное условие);
7. Рациональность использования времени, отведенного на задание (не одобряется затянутость выполнения задания, устного ответа во времени, с учетом индивидуальных особенностей студентов).

№ п/п	Оценка	Критерии оценки
1	2	3
1	Отлично	1) полно и аргументировано отвечает по содержанию задания; 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике, привести необходимые примеры не только по учебнику, но и самостоятельно составленные; 3) излагает материал последовательно и правильно.
2	Хорошо	студент дает ответ, удовлетворяющий тем же требованиям, что и для оценки «5», но допускает 1-2 ошибки, которые сам же исправляет.

3	Удовлетворительно	студент обнаруживает знание и понимание основных положений данного задания, но: 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил; 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения и привести свои примеры; 3) излагает материал непоследовательно и допускает ошибки.
4	Неудовлетворительно	студент обнаруживает незнание ответа на соответствующее задание, допускает ошибки в формулировке определений и правил, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал. Оценка «2» отмечает такие недостатки в подготовке студента, которые являются серьезным препятствием к успешному овладению последующим материалом.

### 3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций

Поскольку учебная дисциплина призвана формировать несколько дескрипторов компетенций, процедура оценивания реализуется поэтапно:

**1-й этап:** оценивание уровня достижения каждого из запланированных результатов обучения - дескрипторов (знаний, умений, владений) в соответствии со шкалами и критериями, установленными матрицей компетенций ООП (приложение к ООП). Экспертной оценке преподавателя подлежат уровни сформированности отдельных дескрипторов, для оценивания которых предназначена данная оценочная процедура текущего контроля или промежуточной аттестации согласно матрице соответствия оценочных средств результатам обучения по дисциплине.

**2-й этап:** интегральная оценка достижения обучающимся запланированных результатов обучения по итогам отдельных видов текущего контроля и промежуточной аттестации.

#### Характеристика процедур текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине

№	Наименование оценочного средства	Периодичность и способ проведения процедуры оценивания	Виды вставляемых оценок	Способ учета индивидуальных достижений обучающихся
1.	Зачет	Раз в семестр, по окончании изучения дисциплины	По шкале зачтено/незачтено	Ведомость, зачетная книжка, учебная карточка, портфолио
2.	Тестирование	Систематически на занятиях	По пятибалльной шкале или зачтено/незачтено	Журнал успеваемости преподавателя
3.	Опрос	Систематически на занятиях	По пятибалльной шкале	Журнал успеваемости преподавателя

Удовлетворительная оценка по дисциплине, может выставляться и при неполной сформированности компетенций в ходе освоения отдельной учебной дисциплины, если их формирование предполагается продолжить на более поздних этапах обучения, в ходе изучения других учебных дисциплин.

**Типовые вопросы к зачету по дисциплине «Математика»**

**Раздел 1**

**ОК-10: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»**

1. Понятие вектора. Операции над векторами в бескоординатной и координатной формах. Понятие о мерном векторном пространстве.
2. Свойства векторов. Коллинеарность, ортогональность и компланарность векторов.
3. Понятие матрицы как совокупности векторов пространства. Элементарные операции над матрицами.
4. Матрицы. Произведение матриц. Транспонирование произведения матриц.
5. Определители II, III порядков. Правило треугольника. Свойства определителей. Геометрический смысл определителей.
6. Системы линейных уравнений. Теорема об элементарных преобразованиях, не меняющих пространства решений, и их обратимости.
7. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
8. Алгебраические дополнения. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
9. Решение систем линейных алгебраических уравнений матричным способом.
10. Теорема о равенстве нулю определителя. Геометрическое обоснование теоремы.
11. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Гаусса. Прямой и обратный ход метода Гаусса.
12. Критерии совместности и несовместности. Теорема Кронекера Капелли.
13. Критерий единственности решения (определенности и неопределенности) системы уравнений (теорема). Нахождение обратной матрицы методом Гаусса.

**ОПК-1: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»**

14. Изменение матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису. Вывод. Собственные значения и собственные векторы матрицы. Вывод формулы характеристического уравнения. Характеристический многочлен матрицы второго порядка. Диагонализация матриц.
15. Ранг матрицы. Базисный минор. Формулировка теоремы о ранге матрицы.
16. Линейная зависимость и независимость векторов. Теорема. Критерий линейной зависимости.
17. Базис. Разложение векторов по базису (геометрическое школьное решение и алгебраическое решение).
18. Определитель треугольной матрицы n-ого порядка.
19. Элементарные преобразования определителей. Теорема о независимости определителя от элементарного преобразования.
20. Миноры. Разложение определителя по строке.
21. Скалярное произведение векторов. Геометрическое и алгебраическое определения. Критерий ортогональности векторов.
22. Векторное произведение векторов. Ориентация плоскости и пространства. Правая и левая тройки. Вывод алгебраической формы векторного произведения из геометрической. Критерий коллинеарности векторов. Вычисление площадей параллелограммов. Момент силы.
23. Смешанное произведение векторов. Теорема об эквивалентности. Теорема о геометрическом смысле смешанного произведения. Критерий компланарности векторов.

## ПК-11: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»

### Раздел 2

1. Прямая на плоскости:
  - 1) в общей форме,
  - 2) в форме скалярного произведения,
  - 3) в форме скалярного произведения с начальной точкой,
  - 4) с направляющим вектором, .
  - 5) в отрезках,
  - 6) с угловым коэффициентом.
2. Нормаль и направляющие векторы прямой на плоскости. Все переходы между формулами. Начальная точка.
3. Задача, как провести прямую через две точки:
  - 1) в школьной форме,
  - 2) с направляющим вектором,
  - 3) в форме определителя (обоснование).
4. Расстояние от точки до прямой. Вывод.
5. Плоскость в пространстве:
  - 1) в общей форме,
  - 2) в форме скалярного произведения,
  - 3) в форме скалярного произведения с начальной точкой,
  - 4) с двумя направляющими,
  - 5) в отрезках.
6. Плоскость через три точки
  - 1) через направляющие вектора,
  - 2) в форме определителя (обоснование).
7. Расстояние между двумя параллельными плоскостями (вывод).
8. Прямая в пространстве:
  - 1) с направляющим вектором,
  - 2) как пересечение двух плоскостей.
9. Эллипс. Каноническое и параметрическое уравнения. Директрисы и фокальные радиусы. Окружность как частный случай эллипса.
10. Способы построения эллипса.
11. Гипербола. Гиперболические функции. Каноническое и параметрическое уравнения гиперболы. Цепная линия. Вывод асимптоты гиперболы.
12. Построение гиперболы по ее асимптотам. Сопряженные гиперболы.
13. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Директриса параболы.
14. Построение параболы по параметру  $p$  и директрисе.
15. Приведение уравнения второго порядка к каноническому виду. Определение вида кривой и ее параметров.
16. Уравнение поверхности второго порядка.
17. Цилиндрические поверхности, у которых образующие параллельны одной из осей координат.
18. Сфера. Эллипсоид.
19. Гиперboloид: однополостный и двуполостный.
20. Конические поверхности второго порядка.
21. Параболоиды: эллиптические и гиперболические.
22. Поверхности вращения.

**Типовые вопросы тестирования  
по дисциплине «Математика»**

**ОПК-1: Вопросы для проверки уровня обученности «УМЕТЬ»**

**ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ ПО РАЗДЕЛУ №1**

**Тема № 1. Вычисление определителей**  
(Задания предполагают 1 правильный ответ)

Вопрос № 1.1

Определитель  $\begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 5\alpha - 1 \end{vmatrix}$  равен 0, если  $\alpha$  равно ...

Варианты ответов:

1. 2
2. -4
3. 0
4. 1

Вопрос № 1.2

Определитель  $\begin{vmatrix} 0 & a_2 & 0 \\ 1 & 5 & -3 \\ c_1 & 0 & c_2 \end{vmatrix}$  равен...

Варианты ответов:

1.  $-3a_2c_1 + a_2c_2$
2.  $3a_2c_1 - a_2c_2$
3.  $3a_2c_1 + a_2c_2$
4.  $-3a_2c_1 - a_2c_2$

Вопрос № 1.3

Разложение определителя  $\begin{vmatrix} 0 & a_2 & 0 \\ b_1 & 0 & b_2 \\ 4 & 2 & -5 \end{vmatrix}$  по элементам первой строки имеет вид...

Варианты ответов:

1.  $-a_2 \begin{vmatrix} b_1 & b_2 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$
2.  $-\begin{vmatrix} b_1 & b_2 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$
3.  $\begin{vmatrix} b_1 & b_2 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$
4.  $a_2 \begin{vmatrix} b_1 & b_2 \\ 4 & -5 \end{vmatrix}$

Вопрос № 1.4

Определитель  $\begin{vmatrix} 0 & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ 0 & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$  равен...

Варианты ответов:

1.  $-a_{21}(a_{12}a_{33} - a_{32}a_{13})$
2.  $-(a_{12}a_{33} - a_{32}a_{13})$
3.  $a_{21}(a_{12}a_{33} - a_{32}a_{13})$
4.  $a_{12}a_{33} - a_{32}a_{13}$

Вопрос № 1.5

Разложение определителя  $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & 0 \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & 0 \end{vmatrix}$  по элементам третьего столбца имеет вид ...

Варианты ответов:

1.  $a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12}$
2.  $-a_{23}(a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12})$
3.  $-(a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12})$
4.  $a_{23}(a_{11}a_{32} - a_{31}a_{12})$

### **ОПК-1: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»**

#### **Тема № 2. Линейные операции над матрицами**

*(Задания предполагают несколько правильных ответов)*

Вопрос № 2.1

Если существует матрица  $A + (3A)^T$ , то матрица  $A$  ....

Варианты ответов:

1. является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m \neq n$ )
2. может быть единичной
3. может быть произвольной
4. является квадратной

Вопрос № 2.2

Если существует матрица  $A - A^T$ , то матрица  $A$  ....

Варианты ответов:

1. является квадратной
2. может быть единичной
3. может быть произвольной
4. является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m \neq n$ )

Вопрос № 2.3

Если существует матрица  $A + 4A^T$ , то матрица  $A$  ....

Варианты ответов:

1. является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m \neq n$ )
2. является квадратной

3. может быть единичной
4. может быть произвольной

Вопрос № 2.4

Если существует матрица  $A^T - 2A$ , то матрица  $A$  ....

Варианты ответов:

1. является квадратной
2. может быть произвольной
3. является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m \neq n$ )
4. может быть единичной

Вопрос № 2.5

Если существует матрица  $A - (5A)^T$ , то матрица  $A$  ....

Варианты ответов:

1. может быть произвольной
2. может быть единичной
3. является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m \neq n$ )
4. является квадратной

### Тема № 3. Обратная матрица

Вопрос № 3.1

Обратная матрица к матрице  $A = \begin{pmatrix} 4 & -5 & 4 \\ 6 & 5 - \alpha & 12 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$  не существует при  $\alpha$ , равном ...

Варианты ответов:

- 13
- 10
- 13
- 10

Вопрос № 3.2

Обратная матрица к матрице  $A = \begin{pmatrix} 1 & 8 & 6 \\ -3 & 7 & 1 \\ -6 & 14 & 2 - \alpha \end{pmatrix}$  не существует при  $\alpha$ , равном ...

Варианты ответов:

- 0
- 2
- 7
- 2

Вопрос № 3.3

Обратная матрица к матрице  $A = \begin{pmatrix} -\alpha & 6 & -7 \\ 2 & 4 & 1 \\ -2 & -12 & 14 \end{pmatrix}$  не существует при  $\alpha$ , равном ...

Варианты ответов:

- 1
- 0
- 1
- 12

Вопрос № 3.4

Обратная матрица к матрице  $A = \begin{pmatrix} -5 & -\alpha & 1 \\ 2 & -8 & 12 \\ -4 & 16 & 9 \end{pmatrix}$  не существует при  $\alpha$ , равном ...

Варианты ответов:

-20

-18

20

38

Вопрос № 3.5

Обратная матрица к матрице  $A = \begin{pmatrix} -7 & 1 & 28 \\ 4 & 6 & -16 \\ \alpha & 33 & 32 \end{pmatrix}$  не существует при  $\alpha$ , равном ...

Варианты ответов:

-8

8

0

24

#### Тема № 4. Системы линейных уравнений: методы решения

(Задания предполагают 1 правильный ответ)

Вопрос № 4.1

Если  $(x_0, y_0)$  – решение системы линейных уравнений  $\begin{cases} 3x - 4y = 15 \\ x - 4y = 9 \end{cases}$ , тогда  $x_0 + y_0$  равно...

Варианты ответов:

1. 4,5

2. - 1,5

3. - 4,5

4. 1,5

Вопрос № 4.2

Если  $(x_0, y_0)$  – решение системы линейных уравнений  $\begin{cases} x - 5y = 2 \\ -2x + 3y = 4 \end{cases}$ , то  $x_0$  может определяться по формуле...

Варианты ответов:

1.  $x_0 = \frac{\begin{vmatrix} -5 & 2 \\ 3 & 4 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{vmatrix}}$

2.  $x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & -5 \\ 4 & 3 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{vmatrix}}$

$$3. \quad x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ -2 & 4 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{vmatrix}}$$

$$4. \quad x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 2 & -5 \\ 4 & 3 \end{vmatrix}}$$

Вопрос № 4.3

Дана система линейных уравнений  $\begin{cases} ax - 3y = 2 \\ 4x - 6y = 2 \end{cases}$ . Система не имеет решений при  $a$  равно...

Варианты ответов:

1. 2
2. 0,5
3. 0
4. -2

Вопрос № 4.4

Пусть  $A$  и  $B$  – обратимые квадратные матрицы одного порядка. Тогда решением матричного уравнения  $AX = 2B$  является матрица...

Варианты ответов:

1.  $\frac{1}{2}A^{-1}B$
2.  $\frac{1}{2}BA^{-1}$
3.  $2BA^{-1}$
4.  $2A^{-1}B$

Вопрос № 4.5

Система  $\begin{cases} 3x + ay = 0 \\ x + 3y = 0 \end{cases}$  имеет ненулевое решение при ...

Варианты ответов:

1.  $a = -9$
2.  $a = \pm 3$
3.  $a = 0$
4.  $a = 9$

## Тестовые задания по разделу №2

### ПК-11: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»

#### Тема № 5. Прямая на плоскости

(Задания предполагают 1 правильный ответ)

Вопрос № 5.1

Вектор  $\vec{N}(p,5)$  перпендикулярен прямой  $2x - y - 1 = 0$ . Тогда значение  $p$  равно ...

Варианты ответов:

1. 2,5
2. 10
3. - 10
4. - 2,5

Вопрос № 5.2

Вектор  $\vec{N}(p,10)$  перпендикулярен прямой  $2x - 5y - 3 = 0$ . Тогда значение  $p$  равно ...

Варианты ответов:

1. 4
2. 25
3. - 4
4. - 25

Вопрос № 5.3

Вектор  $\vec{N}(4,p)$  перпендикулярен прямой  $2x - 8y - 3 = 0$ . Тогда значение  $p$  равно ...

Варианты ответов:

1. 16
2. - 16
3. - 1
4. 1

Вопрос № 5.4

Вектор  $\vec{S}(p,-3)$  параллелен прямой  $\frac{x-5}{2} = \frac{y+10}{-3}$ . Тогда значение  $p$  равно ...

Варианты ответов:

1. 2
2. - 4,5
3. - 2
4. - 6

Вопрос № 5.5

Вектор  $\vec{S}(p,5)$  параллелен прямой  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+5}{-1}$ . Тогда значение  $p$  равно ...

Варианты ответов:

1. - 10
2. - 2
3. 10
4. 25

**Тема № 6. Кривые второго порядка**  
(Задания с кратким ответом (целое число))

Вопрос № 6.1

Расстояние между фокусами эллипса  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  равно ...

Варианты ответов:

16

Вопрос № 6.2

Мнимая полуось гиперболы, заданной уравнением  $16x^2 - 25y^2 = 400$ , равна...

Варианты ответов:

4

Вопрос № 6.3

Мнимая полуось гиперболы, заданной уравнением  $25x^2 - 16y^2 = 400$ , равна...

Варианты ответов:

5

Вопрос № 6.4

Большая полуось эллипса, заданного уравнением  $16x^2 + 25y^2 = 400$ , равна...

Варианты ответов:

5

Вопрос № 6.5

Мнимая полуось гиперболы, заданной уравнением  $4x^2 - 9y^2 = 36$ , равна...

Варианты ответов:

2

**ПК-11: Вопросы для проверки уровня обученности «УМЕТЬ»**

**Тема № 7. Основные задачи аналитической геометрии в пространстве**  
(Задания предполагают 1 правильный ответ)

Вопрос № 7.1

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с ординатами одинаковых знаков. Тогда этот отрезок не может пересекать ...

Варианты ответов:

1. ось ординат
2. плоскость  $Oyz$
3. плоскость  $Oxz$
4. плоскость  $Oxy$

Вопрос № 7.2

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с аппликатами одинаковых знаков. Тогда этот отрезок не может пересекать ...

Варианты ответов:

1. плоскость  $Oxy$
2. плоскость  $Oxz$

3. плоскость  $Oyz$

4. ось ординат

Вопрос № 7.3

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с нулевыми ординатами. Тогда этот отрезок целиком лежит ...

Варианты ответов:

1. в плоскости  $Oyz$

2. на оси ординат

3. в плоскости  $Oxz$

4. в плоскости  $Oxy$

Вопрос № 7.4

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с нулевыми аппликатами. Тогда этот отрезок целиком лежит ...

Варианты ответов:

1. в плоскости  $Oxy$

2. в плоскости  $Oxz$

3. на оси аппликат

4. в плоскости  $Oyz$

Вопрос № 7.5

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с нулевыми абсциссами и ординатами. Тогда этот отрезок целиком лежит ...

Варианты ответов:

1. на оси абсцисс

2. на оси аппликат

3. на оси ординат

4. в плоскости  $Oxy$

## Тема № 8. Поверхности второго порядка

*(Задания предполагают несколько правильных ответов)*

Вопрос № 8.1

Если  $O(3,1,5)$  – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

Варианты ответов:

1.  $x^2 + 6x + y^2 - 2y + z^2 - 10z + 34 = 0$

2.  $x^2 - 6x + y^2 - 2y + z^2 - 10z - 1 = 0$

3.  $x^2 - 6x + y^2 - 2y + z^2 - 10z + 34 = 0$

4.  $x^2 + 3x + y^2 + y + z^2 + 5z + 1 = 0$

Вопрос № 8.2

Если  $O(-5,3,4)$  – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

Варианты ответов:

1.  $x^2 + 10x + y^2 - 6y + z^2 - 8z + 34 = 0$

2.  $x^2 - 5x + y^2 + 3y + z^2 + 4z - 25 = 0$

3.  $x^2 + 10x + y^2 - 6y + z^2 + 8z + 34 = 0$

4.  $x^2 + 10x + y^2 - 6y + z^2 - 8z + 46 = 0$

Вопрос № 8.3

Если  $O(0,1,0)$  – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

Варианты ответов:

1.  $x^2 + y^2 + 2y + z^2 = 0$
2.  $x^2 + y^2 - 2y + z^2 = 0$
3.  $x^2 + y^2 - 2y + z^2 - 99 = 0$
4.  $x^2 + y^2 + y + z^2 - 99 = 0$

Вопрос № 8.4

Если  $O(2,-1,2)$  – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

Варианты ответов:

1.  $x^2 + 2x + y^2 - y + z^2 + 2z + 5 = 0$
2.  $x^2 - 4x + y^2 + 2y + z^2 - 4z = 0$
3.  $x^2 - 4x + y^2 + 2y + z^2 - 4z + 5 = 0$
4.  $x^2 + 4x + y^2 + 2y + z^2 - 4z = 0$

Вопрос № 8.5

Если  $O(-1,-5,3)$  – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

Варианты ответов:

1.  $x^2 + 2x + y^2 + 10y + z^2 - 6z + 10 = 0$
2.  $x^2 - x + y^2 - 5y + z^2 + 3z - 1 = 0$
3.  $x^2 + 2x + y^2 + 10y + z^2 - 6z - 1 = 0$
4.  $x^2 - 2x + y^2 + 10y + z^2 - 6z + 10 = 0$

**ОК-10: Вопросы для проверки уровня обученности «УМЕТЬ»**

**Тема № 9. Функции: основные понятия и определения**

*(Задания на установление соответствия)*

Вопрос № 9.1

Установите соответствие между функцией и её областью определения

1.  $y = \sin x$
2.  $y = 2^{\frac{1}{x+1}}$
3.  $y = \sqrt{1-x^2}$

Варианты ответов:

1.  $(-\infty; \infty)$
2.  $(-\infty, -1) \cup (-1, \infty)$
3.  $[-1; 1]$
4.  $(-\infty; -1] \cup [1; \infty)$
5.  $(-1; 1)$

Вопрос № 9.2

Установите соответствие между функцией и её областью определения

1.  $y = \operatorname{tg} x$
2.  $y = \sqrt[3]{x}$
3.  $y = \sqrt{x^2 - 1}$

Варианты ответов:

1.  $(-1; 1)$
2.  $(-\infty, \infty)$
3.  $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in Z$
4.  $(-\infty; -1] \cup [1; \infty)$
5.  $x \neq k\pi, k \in Z$

Вопрос № 9.3

Установите соответствие между функцией и её областью определения

1.  $y = \operatorname{arctg} x$

2.  $y = x^{-2}$

3.  $y = \sqrt{4 - x^2}$

Варианты ответов:

1.  $[-2; 2]$
2.  $(-\infty; -2] \cup [2; \infty)$
3.  $(-2; 2)$
4.  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$
5.  $(-\infty, \infty)$

Вопрос № 9.4

Установите соответствие между функцией и её областью определения

1.  $y = x^{\frac{1}{2}}$

2.  $y = \log_2 x^2$

3.  $y = \sqrt{x^2 - 4}$

Варианты ответов:

1.  $(-\infty, -2] \cup [2, \infty)$
2.  $(0, \infty)$
3.  $[-2; 2]$
4.  $[0; \infty)$
5.  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$

Вопрос № 9.5

Установите соответствие между функцией и её областью определения

1.  $y = (1 - x)^{\frac{1}{2}}$

2.  $y = \frac{x}{x \cdot (x^2 + 1)}$

3.  $y = 2^{\log_2 x}$

Варианты ответов:

1.  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$
2.  $(0, \infty)$
3.  $[1; \infty)$
4.  $(-\infty, \infty)$
5.  $(-\infty; 1]$

**Типовые вопросы и задания для проведения опроса  
по дисциплине «Математика»**

**Раздел 1.**

**Векторная и линейная алгебра и ее приложения в градостроительном проектировании**

**ОК-10: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»**

1. Роль и место математических методов исследования в решении прикладных задач архитектурного проектирования.
2. Понятие вектора. Операции над векторами в бескоординатной и координатной формах.
3. Применение векторной графики при построении архитектурных форм.
4. Коллинеарность, ортогональность и компланарность векторов.
5. Операции над матрицами.
6. Определители II, III и высших порядков. Свойства определителей. Геометрический смысл определителей.
7. Системы линейных уравнений. Алгоритмы решения систем линейных алгебраических уравнений.
8. Теорема об элементарных преобразованиях, не меняющих пространства решений, и их обратимости.
9. Критерии совместности и несовместности. Теорема Кронекера-Капелле.
10. Ранг матрицы. Базисный минор. Формулировка теоремы о ранге матрицы (совпадение трех чисел).
11. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис пространства.
12. Изменение матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису.
13. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Вывод формулы характеристического уравнения.
14. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов: их геометрическая и алгебраическая интерпретация при решении задач архитектурного проектирования.
15. Критерии ортогональности, коллинеарности и компланарности векторов при анализе взаимного расположения архитектурных объектов на пространстве.

**ОК-10: Задание для проверки уровня обученности «УМЕТЬ»**

*Типовой вариант*

1. Решить заданную систему уравнений:
  - a. Пользуясь формулами Крамера.
  - b. Матричным способом, записывая систему в матричной форме и пользуясь обратной матрицей.
  - c. Методом Гаусса, исключением неизвестных.
 
$$\begin{cases} 2x + y - z = 1 \\ x + y + z = 6 \\ 3x - y + z = 4 \end{cases}$$
2. Найти размерность и базис (фундаментальную совокупность) пространства решений однородной системы уравнений.
 
$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 6x_4 = 0 \\ 2x_1 + 5x_2 + x_3 - 2x_4 = 0 \\ x_1 + 7x_2 - 10x_3 + 20x_4 = 0 \end{cases}$$

## Раздел 2.

### Аналитическая геометрия в исследовании современных архитектурных форм

#### ОПК-1: Вопросы для проверки уровня обученности «ЗНАТЬ»

1. Исследование методов и способов построения геометрических объектов как основа архитектурного конструирования.
2. Неопределяемые понятия аналитической геометрии.
3. Уравнения прямой на плоскости: сферы их применения в архитектурном проектировании. Нормаль и направляющие вектора.
4. Расстояние от точки до прямой.
5. Уравнения плоскости в пространстве.
6. Расстояние между двумя параллельными плоскостями.
7. Уравнения прямой в пространстве.
8. Эллипс. Каноническое и параметрическое уравнения. Директрисы и фокальные радиусы. Окружность как частный случай эллипса.
9. Оптические и акустические свойства архитектурных форм, представленных в виде эллипса.
10. Гипербола. Гиперболические функции. Каноническое и параметрическое уравнения гиперболы.
11. Цепная линия. Вывод асимптоты гиперболы. Сопряженные гиперболы.
12. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Директриса параболы.
13. Уравнение поверхности второго порядка.
14. Цилиндрические поверхности, у которых образующие параллельны одной из осей координат. Сфера. Эллипсоид.
15. Гиперboloид: однополостный и двуполостный.
16. Конические поверхности второго порядка.
17. Параболоиды: эллиптические и гиперболические.
18. Поверхности вращения и их применение в архитектурном конструировании объектов.

#### ОПК-1: Задание для проверки уровня обученности «УМЕТЬ»

##### Типовой вариант

1. Даны координаты вершин треугольника ABC. Найти:
  - a. Длину стороны AB;
  - b. Уравнение сторон AB и BC и их угловые коэффициенты
  - c. Уравнение медианы AE
  - d. Уравнение и длину высоты CD
  - e. Уравнение окружности, для которой высота CD - есть диаметр
  - f. Уравнение прямой, проходящей через точку E, параллельно стороне AB и точку пересечения её с высотой CD.
  - g. Систему линейных неравенств, определяющих треугольник ABC

A(2;2) B (5;6) C (6;4)
2. Составить уравнение геометрического места точек, отношение расстояний которых до данной точки A(x<sub>1</sub> y<sub>0</sub>) и до данной прямой x=a - равно числу e. Полученное уравнение привести к простейшему виду и затем построить кривую. A(3;0), x=4/3, e=1,5
3. Даны координаты вершин пирамиды ABCD. Требуется:
  - a. Записать векторы AB, AC, AD в системе орт и найти модули этих векторов.
  - b. Найти угол между векторами AB и AC.
  - c. Найти проекцию вектора AD на вектор AB.
  - d. Найти площадь грани ABC.
  - e. Составить уравнение ребра AC
  - f. Составить уравнение грани ABC.

A(-5;0;1) B(-4;-2;3), C(6;2;11), D (3;4;9)